



●ISSN 0254-4164

●CODEN JIXUDT

计算机学报

CHINESE JOURNAL OF COMPUTERS

第45卷 Vol.45

第1期 No.1



2022.1

● 中国计算机学会 中国科学院计算技术研究所 主办

● 科学出版社 出版

计 算 机 学 报

(JISUANJI XUEBAO)

第 45 卷 第 1 期 2022 年 1 月

目 次

基于度量学习的多空间推荐系统	檀彦超 郑小林 魏翔宇 阳 及 (1)
基于增量局部加权学习的查询模板自适应基数估计	冯杰明 李战怀 陈 群 陈肇强 (17)
图神经网络前沿进展与应用	吴 博 梁 循 张树森 徐 睿 (35)
基于正则化的半监督弱标签分类方法	丁家满 刘 楠 周蜀杰 贾连印 李润鑫 (69)
面向移动边缘的组合服务选择及优化	陈昊崮 邓水光 赵海亮 尹建伟 (82)
基于异构特征聚合的局部视图扭曲型纸币识别	郭玉慧 梁 循 (98)
边缘计算场景下的多层区块链网络模型研究	殷昱煜 叶炳跃 梁婷婷 段宏岳 李尤慧子 万 健 (115)
基于最优传输理论的高质量点云重采样方法	蔡钦溢 陈中贵 曹 娟 (135)
基于国密 SM2 的高效范围证明协议	林 超 黄欣沂 何德彪 (148)
异质信息网络表征学习综述	周丽华 王家龙 王丽珍 陈红梅 孔 兵 (160)
深度学习模型鲁棒性研究综述	纪守领 杜天宇 邓水光 程 鹏 时 杰 杨 珉 李 博 (190)
面向GoldenX 软硬协同优化的异构加速列式存储引擎研究	屠要峰 陈河堆 王涵毅 闫宗帅 秦小麟 陈 兵 (207)

CHINESE JOURNAL OF COMPUTERS

Vol. 45 No. 1 January 2022

CONTENTS

Multi-Space Recommender Systems via Metric Learning	TAN Yan-Chao et al. (1)
Incremental Locally Weighted Learning for Adaptive Cardinality Estimation of Query Template
.....	FENG Jie-Ming et al. (17)
Advances and Applications in Graph Neural Network	WU Bo et al. (35)
Semi-Supervised Weak-Label Classification Method by Regularization	DING Jia-Man et al. (69)
Composite Service Selection and Optimization for Mobile Edge Systems
.....	CHEN Hao-Wei et al. (82)
Local View Distorted Banknote Recognition Based on Heterogeneous Feature Aggregation
.....	GUO Yu-Hui et al. (98)
Research on Multi-layer Blockchain Network Model in Edge Computing	YIN Yu-Yu et al. (115)
High-Quality Point Cloud Resampling Method Based on Optimal Transport Theory
.....	CAI Qin-Yi et al. (135)
Efficient Range Proof Protocols Based on Chinese Cryptographic SM2	LIN Chao et al. (148)
Heterogeneous Information Network Representation Learning: A Survey
.....	ZHOU Li-Hua et al. (160)
Robustness Certification Research on Deep Learning Models: A Survey	JI Shou-Ling et al. (190)
Research on Heterogeneous Accelerated Columnar Storage Engine Based on Co-optimization of Software and Hardware for GoldenX	TU Yao-Feng et al. (207)

基于国密 SM2 的高效范围证明协议

林 超 黄欣沂 何德彪

(福建师范大学数学与信息学院 福州 350007)

(武汉大学国家网络安全学院 武汉 430072)

摘 要 在范围证明这类特殊的零知识证明协议中,证明者无需提供具体元素信息即可向验证者证明某一承诺的元素在指定集合内. 范围证明已被广泛应用于区块链、匿名证书、电子现金、群/环签名等需要身份/数据隐私保护的场景. 范围证明协议的设计方法包括平方分解(Square Decomposition)、签名基(Signature-based)、内积(Inner-product Argument)等,其中使用较为广泛的是 Camenisch 等在 ASIACRYPT 2008 会议上提出的签名基方法. 然而, Camenisch 等提出的范围证明协议不仅需要高耗时的双线性对运算,还涉及繁琐的证书管理,实用性还有待提高. 虽然何德彪等(专利申请公布号: CN110311776A)利用国密 SM9 数字签名算法设计新的协议,避免了证书管理,但仍需要双线性对运算,所以协议的计算开销还较高. 为了进一步减少计算量,丰富国产密码的应用,本文采用签名基方法,利用基于国密 SM2 的标识数字签名算法设计新的集合关系证明协议,有效解决证书管理和双线性对开销问题,在此基础上构造新的数值范围证明协议,支持更大范围的零知识证明. 为了证明所设计协议的安全性,本文先证明基于国密 SM2 的标识数字签名算法在自适应选择消息和身份攻击下具有存在不可伪造性(EUF-CM-ID-A),在此基础上证明所设计协议满足完备性、可靠性和诚实验证者零知识性. 与 Camenisch 等和何德彪等提出的协议相比,在相同优化参数情况下,本文协议的主要通信带宽约为 1568 字节,分别减少了 41.66%和 78.12%;主要计算开销约为 491.5075 毫秒,分别减少了 85.93%和 85.85%. 这说明了本文设计的协议具有更强的实用性,更能满足前述场景的身份/数据隐私保护与有效性验证需求.

关键词 范围证明;零知识证明; Σ 协议;基于 SM2 的标识数字签名;证书管理

中图法分类号 TP311

DOI号 10.11897/SP.J.1016.2022.00148

Efficient Range Proof Protocols Based on Chinese Cryptographic SM2

LIN Chao HUANG Xin-Yi HE De-Biao

(College of Mathematics and Informatics, Fujian Normal University, Fuzhou 350117)

(School of Cyber Science and Engineering, Wuhan University, Wuhan 430072)

Abstract Range proof is a special type of zero-knowledge proofs, among which a prover can prove to a verifier that the element of a commitment is within a specified range, but the prover does not need to tell the verifier the concrete information of this hiding element. Due to this special property, the range proof protocols have been widely applied in various scenarios especially those requiring security requirements of identity or data privacy protection (e. g. blockchain, anonymous certificates, electronic cash, group or ring signatures). Correspondingly, there are also many design methods of range proof protocols have been proposed recently, such as square decomposition method, signature-based method, inner-product argument method, and so forth, among which the signature-based method (proposed by Camenisch et al. in the conference of ASIACRYPT 2008) is one of the most widely used methods at present. However, the range proof

收稿日期:2020-11-18;在线发布日期:2021-04-25. 本课题得到国家重点研究开发计划项目(No. 2017YFB0802500)、国家自然科学基金项目(62032005, 61872089, 61932016, 61972294, 61772377, 61841701)、湖北省自然科学基金(2017CFA007)、福建省自然科学基金(2020J02016)资助. 林 超, 博士, 讲师, 主要研究领域为应用密码学、区块链隐私保护. E-mail: linchao91@fjnu.edu.cn. 黄欣沂(通信作者), 博士, 教授, 主要研究领域为应用密码学、网络安全. Email: xyhuang81@gmail.com. 何德彪, 博士, 教授, 主要研究领域为应用密码学、密码协议、云计算安全.

protocols proposed by Camenisch et al. not only require a high time-consuming and costly bilinear pairing computation, but also involve a cumbersome certificate management overhead. This means that the utility of their proposed protocols still needs to be further improved. He et al. used the Chinese cryptographic SM9 digital signature algorithm to design two novel range proof protocols without the need of certificate managements, which have been applied for a patent in China (where the patent application publication number is No. CN110311776A). Nevertheless, their proposed protocols are still involved with the bilinear pairing operation, resulting in that their proposals also require a high computational cost. To further reduce the computational cost of existing range proof protocols and also enrich the applications of Chinese cryptographic algorithms, this paper also adopts the signature-based method, but uses an identity-based digital signature algorithm (constructed from the Chinese cryptographic SM2 algorithm) instead to propose a novel set membership protocol. This design can efficiently solve the issues of certificate management and bilinear pairing overhead at the same time. Moreover, we extend our designed set membership protocol to construct a novel numerical range proof protocol, so as to support a wider numerical range of zero-knowledge proofs. Also, in order to prove the security of our proposed two protocols, we first prove the security of the adopted identity-based digital signature algorithm, that is, this signature scheme is proven owning existential unforgeability against adaptively chosen message and ID attacks (abbreviated as EUF-CM-ID-A). On basic of this security proof, we then demonstrate that our proposals own the security properties of completeness, special soundness and honest-verifier zero-knowledge. In comparison with Camenisch et al. 's and He et al. 's proposed protocols and using the same optimized parameters, the main communication overhead in our protocols is only about 1568 bytes which has reduced about 41.66% and 78.12% respectively, and the main computation cost in our protocols is only about 491.5075 milliseconds, which has saved about 85.93% and 85.85% respectively. This indeed demonstrates that our proposed protocols have the stronger utility comparing to the existing signature-based range proof protocols, and hence they are more suitable for satisfying requirements of identity or data privacy protection and validity verification in the aforementioned scenarios.

Keywords range proof; zero-knowledge proof; Σ -protocol; identity-based SM2 digital signature; credential management

1 引言

范围证明协议是一类特殊的零知识证明协议,分为集合关系证明和数值范围证明两种^[1-2]. 集合关系证明可以让证明者在不提供具体元素情况下,使验证者相信某一承诺的元素在指定集合内. 数值范围证明可以让验证者相信该元素在指定数值范围内. 这意味着,知道被承诺元素 σ 的证明者可以通过零知识证明使验证者相信 σ 属于集合 Φ 或数值范围 $[a, b]$ (a, b 为大整数). 范围证明协议已广泛应用于区块链^[3-4]、匿名证书^[5]、电子现金^[6-7]、群/环签名^[8-9]等需要身份/数据隐私保护的场景.

范围证明协议的设计方法包括平方分解

(Square Decomposition)、签名基 (Signature-based)、内积 (Inner-product Argument) 等^[10],其中使用较多的是 Camenisch 等^[2]提出的签名基方法. 文献[2]的协议不仅涉及高耗时的双线性对运算 (1次双线性对运算在移动终端的耗时约为 32 毫秒,是椭圆曲线标量乘运算的 9 倍左右^[11]),而且涉及繁琐的证书管理^①虽然何德彪等^[12]利用国密 SM9 数字签名算法构造的协议避免了繁琐的证书管理,且与文献[2]中的协议具有同等安全性,但仍需要双线性对运算,难以支持物联网等资源受限的分布式场

^① 基于 PKI 体系的密码系统需要 CA 维护证书撤销列表,用户数量指数增加,导致工作量巨大. 设计基于标识体系的范围证明协议可以避免繁琐的证书管理,还有助于物联网等资源受限的场景应用.

景. 这些不足限制了文献[2]和[12]设计的集合关系证明协议和范围证明协议的应用.

为了进一步减少计算量,丰富国产密码的应用,本文采用签名基方法,基于国密 SM2 设计新的集合关系证明协议,并在此基础上构造新的数值范围证明协议. 其中,协议所采用的签名算法是基于国密 SM2 的标识数字签名算法. 由于该标识签名算法的安全性目前尚未得到形式化安全性证明,所以在描述协议设计过程之后,本文先证明该标识数字签名算法满足抗自适应选择消息和身份攻击的存在不可伪造性 (EUF-CM-ID-A),再证明本文设计协议的安全性. 由安全性证明与性能分析结果可知,本文协议不仅满足完备性、可靠性和诚实验证者零知识性,并且比文献[2]和[12]设计的协议拥有更好的性能. 在采用与文献[2]相同优化参数情况下,本文协议的主要通信开销约为 1568 字节,比文献[2]和[12]的协议分别减少 41.66%和 78.12%;主要计算开销约为 491.5075 毫秒,比文献[2]和[12]的协议分别减少 85.93%和 85.85%.

2 相关工作

1988 年,Brickell 等^[1]最早提出范围证明的概念,即用户可以证明某离散对数值属于某一区间,但不泄露该值的其它信息. 虽然文献[1]设计的协议效率较高,但是只能支持比目标区间更大的范围证明,无法实现指定区间的范围证明. 为了证明电子现金支付系统中密态金额是非负的,Chan 等^[13]1998 年基于文献[1]提出安全性更高的协议. 但文献[13]的协议依赖于模数的未知性,验证者一旦知道生成元的阶数,可以利用模运算生成有效的证明,从而达到欺骗验证者的目的.

2000 年,Boudot 等^[14]基于文献[13]与平方和分解方法构造了更加高效的范围证明,但仍无法支持指定区间的范围证明. 2003 年,Lipmaa^[15]应用拉格朗日定理——任意正整数均可分解为 4 个整数的平方和,最早实现指定区间的范围证明. 但 Gorth 2005 年^[16]指出,假如文献[15]中处理的元素形式如 $4n+1$,则通过三个整数的平方和分解方法可以得到相同结果,有效降低计算开销和通信代价. 平方和分解方法的不足是平方和分解耗时高达 $\mathcal{O}(k^4)$ (k 是元素的比特长度),远超过协议本身的执行时间^[17].

签名基方法是范围证明协议的另外一类构造方法,最早是由 Camenisch 等^[2]2008 年提出的,其设

计思路主要受到文献[18]中匿名认证协议的启发. 签名基方法分为初始化阶段和证明执行阶段:在初始化阶段,验证者计算集合或范围中各元素的数字签名并发送给证明者;在证明执行阶段,证明者先盲化承诺元素的数字签名,再与验证者执行 Σ 协议,在不泄露具体元素信息情况下,成功向验证者证明盲化数字签名的消息与承诺元素是相同的. 根据签名基的构造方式,Camenisch 等分别基于双线性群假设和离散对数假设构造了集合关系证明协议和数值范围证明协议. 2010 年,Chaabouni 等^[19]采用新的数字分解方法实现指定区间的范围证明,可以提高文献[2]协议的效率,但该方法依赖的数字签名仍涉及双线性对运算,计算开销较大. 为了避免双线性对运算,Canard 等^[20]结合 ElGamal 加密方案和明文等值判定方法替代 Boneh-Boyen 数字签名的验证计算,有效降低计算开销,但该方法仅在验证者数目小于 4 的时候有效. 何德彪等^[12]2019 年利用签名基构造方式,结合 SM9 数字签名设计新的集合关系证明协议和数值范围证明协议,有效避免繁琐的证书管理,但所设计协议仍涉及高耗时的双线性对运算,难以支持物联网等资源受限的分布式场景.

内积方法也是范围证明协议常用的构造方式. Bünz 等^[21]2018 年通过构造新的内积方法设计更加高效的范围证明协议 (Bulletproofs),证明长度由线性增长降为对数级,但该方法需要消耗证明者较高的计算开销,且涉及公钥的操作数随电路大小增加而线性增加. 张凡等^[22]2020 年通过构造多项式承诺方案,结合向量积承诺方案提出效率更高的范围证明协议,但该协议需要更长的证明长度,且未解决公钥操作数线性增加的问题.

3 技术背景

本节介绍基于国密 SM2 的标识数字签名、零知识证明与 Σ 协议、集合关系证明与数值范围证明等相关基础知识的定义.

3.1 基于国密 SM2 的标识数字签名

SM2 椭圆曲线公钥密码算法是国家密码管理局颁布的椭圆曲线公钥密码算法 (参见《SM2 椭圆曲线公钥密码算法》规范,国家密码管理局,2010 年 12 月^[23]),算法确定了数据加密、数字签名、密钥交换等算法或协议. 基于国密 SM2 的标识数字签名算法^[24]是根据 SM2 数字签名改造的标识密码算法,可以避免高耗时的双线性对运算,主要利用身份

标识生成用户私钥,其应用与管理不用依赖数字证书、证书库和密钥库,可用于身份认证、密钥交换、零知识证明等. 基于国密 SM2 的标识数字签名包括初始化、密钥解析、签名和验证 4 个算法:

初始化 (Setup): 算法输入安全参数 λ , 随机选取大素数 q , 确定非奇异椭圆曲线 $E: y^2 = x^3 + ax + b \pmod{q}$ ($a, b \in \mathbb{Z}_q^*$), 在包含无穷远点和 E 的所有点中选取素数 n 阶循环群 \mathbb{G} 和生成元 $P \in \mathbb{G}$. 随机选取 $x \in \mathbb{Z}_n^*$, 计算 $P_{pub} = xP$, 同时选取三个安全哈希函数: $\mathcal{H}_v: \{0, 1\}^* \times \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^v$ 、 $\mathcal{H}_0: \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^{256}$ 和 $\mathcal{H}: \{0, 1\}^* \times \{0, 1\}^* \rightarrow \mathbb{Z}_n^*$. 算法输出系统主公钥 $mpk = (E, a, b, q, \mathbb{G}, P, n, P, P_{pub}, \mathcal{H}_v, \mathcal{H}_0, \mathcal{H})$ 和主私钥 $m sk = x$.

密钥解析 (Extract): 算法输入系统主公钥 mpk 、主私钥 x 和用户身份信息 ID_a , 随机选取 $l \in \mathbb{Z}_n^*$, 计算 $L = lP = (x_L, y_L)$ 、 $h = H(ID_a || L)$ 和 $d = l + xh \pmod{n}$, 算法输出用户的私钥 $sk = (L, d)$.

签名 (Sign): 算法输入系统主公钥 mpk 、用户私钥 $sk = (L, d)$ 、用户身份标识 ID_a 和消息 m , 计算 $Z_a = \mathcal{H}_0(ENTLA || ID_a || a || b || x_P || y_P || x_L || y_L)$ 和 $e = \mathcal{H}_v(Z_a || m)$, 其中, $ENTLA$ 是 ID_a 的比特长度, (x_P, y_P) 和 (x_L, y_L) 分别是 P 和 L 的横纵坐标. 随机选取 $k \in \mathbb{Z}_n^*$, 计算 $K = kP = (x_K, y_K)$ 和 $r = (e + x_K) \pmod{n}$. 若 $r = 0$ 或 $r + k = n$, 则重新选取 k 再计算, 否则计算 $s = (1 + d)^{-1}(k - rd) \pmod{n}$. 若 $s \neq 0$, 则输出消息 M 的签名 $\sigma = (L, r, s)$.

验证 (Verify): 算法输入系统主公钥 mpk 、用户身份信息 ID_a 、消息 m 和待验证签名 $\sigma = (L, r, s)$, 若 $r \notin \mathbb{Z}_n^*$, $s \notin \mathbb{Z}_n^*$, 则输出 0, 否则计算 $t = r + s \pmod{n}$. 若 $t = 0$, 则输出 0, 否则计算 $Z'_a = \mathcal{H}_0(ENTLA || ID_a || a || b || x_P || y_P || x_L || y_L)$ 、 $e' = \mathcal{H}_v(Z'_a || m)$ 、 $h' = \mathcal{H}(ID_a || L)$ 、 $K' = sP + t(L + h'P_{pub}) = (x'_K, y'_K)$ 和 $r' = (e' + x'_K) \pmod{n}$. 若 $r' = r$, 则输出 1, 否则输出 0. 假如该算法最后输出 1, 则说明签名有效, 否则说明签名无效.

由于文献[24]未提供算法的形式化安全性证明, 所以本文将在第 4.1 节证明该算法的安全性. 标识数字签名的标准安全模型^[25-26]主要通过模拟伪造者 \mathcal{F} 和挑战者 \mathcal{C} 之间的交互游戏进行刻画, 其中伪造者 \mathcal{F} 可以向挑战者 \mathcal{C} 询问以下预言机:

$\mathcal{O}_{Setup}: \mathcal{C}$ 调用 Setup 算法生成参数 (mpk, msk) , 并将 mpk 返回给 \mathcal{F} ;

$\mathcal{O}_{Extract}: \mathcal{C}$ 根据 \mathcal{F} 的请求身份 ID , 利用主私钥 $m sk$ 运行 Extract 算法生成身份 ID 的私钥 sk , 并将 sk 返回给 \mathcal{F} ;

$\mathcal{O}_{Hash}: \mathcal{C}$ 根据 \mathcal{F} 的请求数据计算哈希值, 并将哈希值返回给 \mathcal{F} ;

$\mathcal{O}_{Sign}: \mathcal{C}$ 根据 \mathcal{F} 的请求身份 ID 和消息 m , 利用主私钥 $m sk$ 运行 Sign 算法生成消息 m 的签名 σ , 并将 σ 返回给 \mathcal{F} .

\mathcal{F} 自适应询问上述预言机足够次数后输出 (ID^*, m^*, σ^*) . 假如 $\text{Verify}(mpk, ID^*, m^*, \sigma^*) = 1$, ID^* 未在 $\mathcal{O}_{Extract}$ 询问过, 并且 (ID^*, m^*) 未在 \mathcal{O}_{Sign} 询问过, 则称 \mathcal{F} 伪造成功.

定义 1. 若 \mathcal{F} 在上述游戏中获胜的概率是可忽略的, 则称标识数字签名算法在自适应选择消息和身份攻击下具有存在不可伪造性 (Existential Unforgery on Adaptively Chosen Message and ID Attacks, EUF-CM-ID-A).

定义 2. 在定义 1 游戏中的 \mathcal{O}_{Setup} 预言机增加指定伪造身份 ID, 并要求 \mathcal{F} 最后伪造指定 ID 的消息签名对. 若 \mathcal{F} 在修改后游戏获胜的概率是可忽略的, 则称标识数字签名算法在自适应选择消息和指定身份攻击下具有存在不可伪造性 (Existential Unforgery on Adaptively Chosen Message and Given ID Attacks, EUF-CM-GID-A).

3.2 零知识证明与 Σ 协议

假设交互协议 Π 包括证明者 P 和验证者 V 两个实体, P 可以让 V 相信二元关系 $R = \{(x, w)\}: \{0, 1\}^* \times \{0, 1\}^*$ (x 和 w 分别指的是实例和证据), 但存在错误概率 κ . 若协议 Π 满足完备性 (Completeness)^① 和可靠性 (Soundness)^②, 则称 Π 为知识证明系统 (Proof of Knowledge). 若 Π 还满足诚实验证者零知识性 (Honest-Verifier Zero-Knowledge)^③, 则称 Π 为交互式诚实验证者零知识证明系统^{[27][28]}. Cramer 等^[28]提出的标准技术可以将诚实验证者零知识证明系统转换成一般零知识证明系统, 该技术尤其适用于 Σ 协议. 因为已有范围证明协议讨论的是诚实验证者零知识性, 所以为了得到准确的分析与对比结果, 本文同样讨论诚实验证者

① 完备性: 对于任意的 $(x, w) \in R$, P 和 V 执行交互协议生成的证明 π 被 V 接受的概率为 1.

② 可靠性: 假设恶意的证明者 P^* 能够以不可忽略的概率 ϵ 让 V 接受生成的证明 π^* , 则存在 PPT 的解析算法 E (称为 Extractor) 能以 $\epsilon - \kappa$ 的概率解析得到 $w^*, s.t., (x, w^*) \in R$.

③ 诚实验证者零知识性: 对于任意的 $(x, w) \in R$, 存在 PPT 的仿真算法 S (称为 Simulator) 与 V 执行交互协议输出证明 π^* , 令 P 与 V 执行交互协议输出证明 π , 则 π^* 和 π 是不可区分的.

零知识性.

Σ 协议^[29]是一类交互式 3 次握手 (3-move) 零知识证明系统, 假设证明者 P 和验证者 V 执行 Σ 协议得到结果 (a, c, z) , 其中, (a, z) 是证明者 P 利用私有证据信息 w , 根据 V 的挑战值 c 计算得到的证明. Σ 协议满足完备性 (Completeness)、特殊可靠性 (Special Soundness) 和特殊诚实验证者零知识性 (Special Honest-Verifier Zero-Knowledge), 其中, 完备性是指, 假设存在有效函数 ϕ 使得 $\phi(a, a, c, z) = 1$ 成立, 则 V 接受 (a, c, z) ; 特殊可靠性是指, 已知两组有效的 $(a, c, z), (a', c', z')$, 且 $c \neq c'$, 可恢复出 P 的证据信息 w ; 特殊诚实验证者零知识性是指, 已知 V 的挑战值 c , 存在概率多项式时间 (Probabilistic polynomial time, PPT) 仿真算法 S 可与 V 交互输出有效的 (a, c, z) , 假设真实交互环境 P 与 V 输出 (a', c', z') , 则 (a, c, z) 与 (a', c', z') 具有不可区分性^[29].

Σ 协议可以通过 Fiat-Shamir 转换^[30] (安全哈希函数 \mathcal{H}) 得到非交互式实例. 同样针对上述的 $R = \{(x, w)\}$, P 计算 a 之后直接调用 $c = \mathcal{H}(x, a)$ 得到挑战值 c , 再利用私有证据信息 w 计算得到 z , 最后直接将 (x, a, c, z) 发送给 V. Fiat-Shamir 转换得到的非交互式协议仍满足完备性、可靠性和零知识性^[30].

3.3 集合关系证明与数值范围证明

集合关系证明是指通过零知识证明的方式证明某承诺的元素在集合内. 若定义承诺方案的生成算法、承诺算法和打开算法为 Gen、Com 和 Open, 则对于已知承诺 C 和集合 Φ , 可以将集合关系证明协

议表示为 $P\{(\sigma, \rho): C \leftarrow \text{Com}(\sigma; \rho) \wedge \sigma \in \Phi\}$. 其中, 此类协议应用可采用任意具有完全隐藏性质的承诺方案^[2-3]. 若上述集合关系证明中的集合 Φ 为连续的整数序列 $\Phi = [\alpha, \beta], \alpha, \beta \in \mathbb{N}$, 则称该证明协议为数值范围证明协议.

签名基方法是一类常用的范围证明设计方法^[2], 包括初始化阶段和证明阶段. 在初始化阶段, 验证者 V 计算集合 Φ 各元素的签名 $(s_1, \dots, s_{|\Phi|})$, 并将这些签名发送给证明者 P. 此后双方进入证明执行阶段, P 先盲化承诺元素 σ 对应的签名值 s_σ , 再将盲化签名值发送给 V; 接着, P 和 V 执行 Σ 协议证明盲化签名值的消息与承诺元素 σ 是一致的, 从而完成范围证明.

4 协议设计

本节先利用基于国密 SM2 的标识数字签名设计新的集合关系证明协议, 再扩展得到新的数值范围证明协议. 为了证明两个新设计协议的安全性, 本节首先证明基于国密 SM2 的标识数字签名算法满足 EUF-CM-ID-A, 在此基础上证明所设计协议满足完备性、可靠性和诚实验证者零知识性. 虽然本节描述的两个协议均为交互式, 但是它们可直接通过 Fiat-Shamir 转换^[30] 得到非交互式实例.

4.1 基于国密 SM2 的集合关系证明协议

本节结合基于国密 SM2 的标识数字签名算法提出新的集合关系证明协议 (如图 1 所示), 具体协议描述如下:

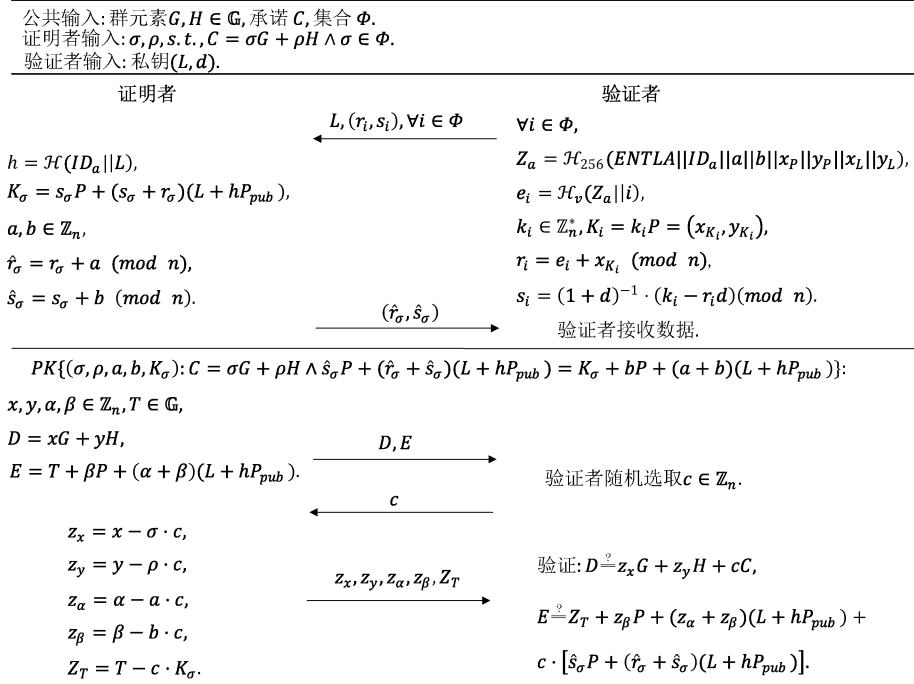


图 1 基于国密 SM2 的集合关系证明协议设计

《计算机学报》编辑委员会

The Editorial Board of Chinese Journal of Computers

主 编 Editor-in-Chief 孙凝晖 SUN Ning-Hui

副主编 Associate Editors-in-Chief

陈熙霖 CHEN Xi-Lin 冯登国 FENG Deng-Guo 金 芝 JIN Zhi

林 闯 LIN Chuang 周傲英 ZHOU Ao-Ying

委 员 Members

陈贵海 CHEN Gui-Hai

陈克非 CHEN Ke-Fei

程学旗 CHENG Xue-Qi

范玉顺 FAN Yu-Shun

方滨兴 FANG Bin-Xing

傅育熙 FU Yu-Xi

高 文 GAO Wen

韩燕波 HAN Yan-Bo

何新贵 HE Xin-Gui

胡事民 HU Shi-Min

华庆一 HUA Qing-Yi

怀进鹏 HUAI Jin-Peng

黄继武 HUANG Ji-Wu

蒋昌俊 JIANG Chang-Jun

蒋焱川 JIANG Yi-Chuan

焦李成 JIAO Li-Cheng

金 海 JIN Hai

李德毅 LI De-Yi

李 刚 LI Gang

李国杰 LI Guo-Jie

李建中 LI Jian-Zhong

李克秋 LI Ke-Qiu

李 未 LI Wei

李晓明 LI Xiao-Ming

李忠诚 LI Zhong-Cheng

林惠民 LIN Hui-Min

刘大有 LIU Da-You

刘云浩 LIU Yun-Hao

刘志勇 LIU Zhi-Yong

卢汉清 LU Han-Qing

卢锡城 LU Xi-Cheng

陆汝钤 LU Ru-Qian

吕 建 LV Jian

罗军舟 LUO Jun-Zhou

马建峰 MA Jian-Feng

梅 宏 MEI Hong

孟 丹 MENG Dan

孟祥旭 MENG Xiang-Xu

闵革勇 MIN Ge-Yong

钮心忻 NIU Xin-Xin

欧阳丹彤 OUYANG Dan-Tong

潘启敬 PAN Qi-Jing

潘云鹤 PAN Yun-He

潘志庚 PAN Zhi-Geng

彭群生 PENG Qun-Sheng

钱德沛 QIAN De-Pei

瞿裕忠 QU Yu-Zhong

沈向洋 SHEN Xiang-Yang

沈绪榜 SHEN Xu-Bang

史忠植 SHI Zhong-Zhi

舒继武 SHU Ji-Wu

苏金树 SU Jin-Shu

谭铁牛 TAN Tie-Niu

唐志敏 TANG Zhi-Min

田 捷 TIAN Jie

王国胤 WANG Guo-Yin

王怀民 WANG Huai-Min

王 戟 WANG Ji

王 珊 WANG Shan

王兴伟 WANG Xing-Wei

吴建平 WU Jian-Ping

肖建国 XIAO Jian-Guo

许 进 XU Jin

杨学军 YANG Xue-Jun

杨义先 YANG Yi-Xian

于 戈 YU Ge

于 剑 YU Jian

查红彬 ZHA Hong-Bin

张 钺 ZHANG Bo

张长水 ZHANG Chang-Shui

张大鹏 ZHANG Da-Peng

张 健 ZHANG Jian

张尧学 ZHANG Yao-Xue

赵沁平 ZHAO Qin-Ping

周立柱 ZHOU Li-Zhu

周兴社 ZHOU Xing-She

朱传琪 ZHU Chuan-Qi

祝跃飞 ZHU Yue-Fei

计算机学报

(月刊, 1978年创刊)

第45卷 第1期 总第469期 2022年1月

Chinese Journal of Computers

(Monthly, Started in 1978)

Vol. 45 No. 1 Series No. 469 January 2022

主 管 中国科学院
主 办 中国计算机学会
中国科学院计算技术研究所
主 编 孙凝晖
编 辑 《计算机学报》编辑委员会
中国科学院计算技术研究所
邮政编码 100190, 北京 2704 信箱
E-mail: cjc@ict.ac.cn
http://ejc.ict.ac.cn
编辑部主任 李 刚
出 版 科 学 出 版 社
印刷装订 北京科信印刷有限公司
总发行处 科 学 出 版 社
北京东黄城根北街16号
邮政编码 100717
国外总发行 中国国际图书贸易总公司
(中国 国际书店)
北 京 399 信 箱

Supervised by Chinese Academy of Sciences
Sponsored by China Computer Federation,
Institute of Computing Technology, CAS
Editor-in-Chief: SUN Ning-Hui
Edited by Editorial Board of Chinese
Journal of Computers
P. O. Box 2704, Beijing 100190, China
Director: LI Gang
Published by Science Press
Printed by Beijing Kexin Printing Co., Ltd.
Distributed by Science Press
16 Donghuangchenggen North Street, Beijing
100717, China
Foreign: Guoji Shudian
P. O. Box 399, Beijing 100044, China

国内统一连续出版物号: CN 11-1826/TP

订 购 处: 全国各邮电局

定 价: 73.00 元

国内邮发代号: 2-833

国外发行代号: M 206

国内外公开发刊

ISSN 0254-4164



9 770254 416223